



Asignatura: Curso Avanzado de Álgebra
Código: 32928
Centro: Ciencias
Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
Nivel: Máster M2
Tipo: Optativa
Nº de créditos: 6

1. ASIGNATURA / COURSE TITLE

Curso Avanzado de Álgebra / Advanced Course in Algebra

1.1. Código / Course number

32928

1.2. Materia / Content area

Álgebra / Algebra

1.3. Tipo / Course type

Formación optativa / Elective subject

1.4. Nivel / Course level

Máster M2 / Master M2

1.5. Curso / Year

2018/2019

1.6. Semestre / Semester

Segundo / Second (Spring semester)

1.7. Idioma / Language

Español e inglés. (El curso se podrá impartir en inglés siempre y cuando, al menos, un alumno internacional matriculado en la asignatura lo solicite).

Spanish and English. (The course can be taught in English if at least one officially registered international student requests so).

1.8. Requisitos previos / Prerequisites

Es conveniente, aunque no necesario, conocer los contenidos de la asignatura “Curvas Algebraicas” de este Máster.

It is advisable, but not mandatory, to know the contents of the course on “Algebraic Curves” of this Master.



Asignatura: Curso Avanzado de Álgebra
 Código: 32928
 Centro: Ciencias
 Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
 Nivel: Máster M2
 Tipo: Optativa
 Nº de créditos: 6

1.9. Requisitos mínimos de asistencia a las sesiones presenciales / Minimum attendance requirement

75%

1.10. Datos del equipo docente / Faculty data

Docente(s) / [Lecturer\(s\)](#): Adolfo Quirós Gracián
 Departamento de / [Department of](#): Mathematics
 Facultad / [Faculty](#): Science
 Despacho - Módulo / [Office - Module](#): 01.17.507
 Teléfono / [Phone](#): +34 914974941
 Correo electrónico/[Email](#): adolfo.quiros@uam.es
 Página web/[Website](#):

Horario de atención al alumnado/Office hours: Con cita previa / [By appointment](#)

1.11. Objetivos del curso / Course objectives

- Aprender los teoremas básicos que describen las curvas elípticas definidas sobre cuerpos de números y cuerpos finitos.
- Comprender la interacción entre curvas elípticas y curvas modulares.
- Conocer algunas aplicaciones importantes de las curvas elípticas, por ejemplo al problema de los números congruentes y al Último Teorema de Fermat.
- To learn the basic theorems describing elliptic curves over number fields and finite fields.
- To understand the interaction between elliptic curves and modular forms.
- To know some important applications of elliptic curves, such as the Congruent Number Problem and Fermat's Last Theorem.

1.12. Contenidos del programa / Course contents

1. Definición y propiedades básicas de las curvas elípticas. Forma de Weierstrass. Ley de grupo.
2. Alturas, descenso y el Teorema de Mordell-Weil para curvas elípticas sobre cuerpos de números.
3. Rango. Puntos de torsión. Puntos enteros. El Teorema de Nagell-Lutz.
4. Curvas elípticas sobre cuerpos finitos. Teorema de Hasse. Curvas elípticas ordinarias y supersingulares.
5. Formas modulares para $SL_2(\mathbb{Z})$ y sus subgrupos.
6. Funciones L. Aplicaciones aritméticas.



Asignatura: Curso Avanzado de Álgebra
 Código: 32928
 Centro: Ciencias
 Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
 Nivel: Máster M2
 Tipo: Optativa
 Nº de créditos: 6

1. Definition and basic properties of elliptic curves. Weierstrass for Group Law.
2. Heights, descent and the Mordell-Weil Theorem for elliptic curves over number fields.
3. Rank. Torsion points. Integer points. Nagell-Lutz Theorem.
4. Elliptic curves over finite fields. Hasse Theorem. Ordinary and supersingular elliptic curves.
5. Modular forms for $SL_2(\mathbb{Z})$ and its subgroups.
6. L- functions. Arithmetic applications.

1.13. Referencias de consulta / Course bibliography

- J. P. Buhler. Elliptic curves, modular forms, and applications. In B. Conrad-K. Rubin (ed). *Arithmetic Algebraic Geometry*. AMS (2001).
- J. Coates, Shing-Tung Yau (eds.). *Elliptic Curves, Modular Forms, and Fermat's Last Theorem*. 2nd ed. International Press (2010).
- G. Cornell, J. H. Silverman, G. Stevens. *Modular forms and Fermat's last theorem*. Springer (1997).
- F. Diamond, J Shurman. *A First Course in Modular Forms*. Springer (2005).
- W. Knapp. *Elliptic Curves*. Princeton University Press (1992).
- N. Koblitz. *Introduction to elliptic curves and modular forms*. Springer (1993).
- Q. Liu. *Algebraic Geometry and Arithmetic Curves*. Oxford UP (2006).
- Lozano-Robledo. *Elliptic Curves, Modular Forms, and Their L-functions*. AMS (2011).
- J. Milne. *Elliptic Curves*. Booksurge Publishing (2006). Free electronic version available at <http://www.jmilne.org/math/Books/ectext5.pdf>
- J. H. Silverman. *The Arithmetic of Elliptic Curves*. 2nd ed. Springer (2009).

2. Métodos Docentes / Teaching methodology

Clases presenciales y discusión personal a través de tutorías o lecturas dirigidas. Resolución de problemas. Presentación de trabajos.

Classroom sessions and personal discussion via tutorship activities or guided readings. Problem solving. Written essays based on the classroom materials.



Asignatura: Curso Avanzado de Álgebra
 Código: 32928
 Centro: Ciencias
 Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
 Nivel: Máster M2
 Tipo: Optativa
 Nº de créditos: 6

3. Tiempo de trabajo del estudiante / Student workload

		Nº de horas	
Presencial	Clases teóricas	42 h (28%)	54 h (36%)
	Tutorías	6 h (4%)	
	Seminarios y trabajos	-----	
	Exámenes / presentaciones finales	6 h (4%)	
No presencial	Elaboración de problemas	42 h (28%)	96 h (64%)
	Estudio semanal	45 h (30%)	
	Preparación de examen / presentación	9 h (6%)	
Carga total de horas de trabajo: 25 horas x 6 ECTS		150 h	

4. Métodos de evaluación y porcentaje en la calificación final / Evaluation procedures and weight of components in the final grade

Examen y/o elaboración de un trabajo, entrega de ejercicios, grado de participación en clase.

- Elaboración y presentación oral de un trabajo y/o realización de un examen final: 50%
- Entrega de ejercicios: 40%
- Participación en clase: 10%

Exam and/or a written essay based on the course materials, resolution of proposed exercises, in-class participation.

- Preparation and oral presentation of a written essay and/or final exam: 50%
- Solutions to the proposed exercises: 40%
- In-class participation: 10%

EVALUACIÓN EXTRAORDINARIA / Make up exam:

Examen ante tribunal de Máster/ Examination by a committee.



Asignatura: Curso Avanzado de Álgebra
 Código: 32928
 Centro: Ciencias
 Titulación: Máster en Matemáticas y aplicaciones
 Nivel: Máster M2
 Tipo: Optativa
 Nº de créditos: 6

5. Cronograma* / Course calendar

Semana Week	Contenido Contents	Horas presenciales Contact hours	Horas no presenciales Independent study time
1	Part 1	3	6
2	Part 1	3	6
3	Part 2	4	6
4	Part 2	3	6
5	Part 3	4	6
6	Part 3	3	6
7	Part 4	4	6
8	Part 4	3	6
9	Part 5	4	6
10	Part 5	3	6
11	Part 5	4	6
12	Part 6	3	6
13	Part 6	4	6
14	Part 6	3	6
Exam Period	Exposición de trabajos por los alumnos / presentation of students' Works	6	12

*El cronograma es orientativo / This calendar is tentative.